

Aplicaciones de la derivada en problemas de optimización

Matemáticas | Cálculo

Unidades del Curso

Unidad 1: Unidad 1: Identificación de la función objetivo y modelado en una variable

Objetivos de Aprendizaje

1. Definir la variable de decisión y la cantidad que se desea optimizar en un contexto dado.
2. Formular de forma clara la función objetivo que represente la situación descrita en un enunciado, expresándola como $f(x)$.
3. Reconocer restricciones relevantes y explicar de qué manera influyen en la formulación de la función objetivo.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Introducción al concepto de problema de optimización

Descripción breve del tema.

1. Definición de función objetivo y su interpretación real
2. Relación entre la variable de decisión y la cantidad a optimizar
3. Ejemplos simples para visualizar la formulación

2. Tema 2: Formulación en una variable

Descripción breve del tema.

1. Identificación de la variable x y su dominio
2. Cómo traducir la situación en una función $f(x)$ para maximizar o minimizar
3. Convenciones de unidades y sentido de optimización

3. Tema 3: Ejemplos prácticos de formulación

Descripción breve del tema.

1. Modelos de ganancia, costo y tiempo en contextos reales
2. Cómo revisar la consistencia del modelo con el enunciado
3. Errores comunes al formular funciones objetivo

Actividades

- **Actividad 1: Identificación de la variable de decisión** - Se presenta un enunciado sencillo (p. ej., vender un producto a un precio dado). Los estudiantes identifican la variable de decisión y la cantidad a optimizar, discuten el objetivo y las posibles restricciones.

- **Actividad 2: Formulación de la función objetivo** - A partir del enunciado, formulan la función objetivo $f(x)$ que debe maximizar o minimizar, explicando las unidades y el sentido de la optimización.
- **Actividad 3: Revisión de consistencia** - En parejas revisan si la función objetivo propuesta es coherente con la situación descrita y proponen mejoras si es necesario.
- **Actividad 4: Mini taller de modelado** - Se plantean 2 escenarios cortos y cada grupo debe convertirlos en una única función $f(x)$ y justificar sus elecciones.

Evaluación

- Formato breve: cuestionario corto sobre conceptos de función objetivo y variables de decisión (10%).
- Ejercicio de formulación: entregar la función objetivo $f(x)$ para 2 escenarios propuestos (40%).
- Rúbrica de claridad y consistencia de la modelización (30%).
- Participación y calidad de las actividades prácticas (20%).