

Fundamentos de distribuciones de probabilidad para investigación

Ciencias Exactas y Naturales | Estadística

Descripción del Curso

Este curso de Estadística ofrece una trayectoria formativa que integra el estudio de probabilidades, distribuciones, muestreo y análisis de datos, con énfasis en la interpretación y comunicación de resultados. A lo largo de ocho unidades, los estudiantes desarrollan habilidades para aplicar conceptos probabilísticos en contextos reales, seleccionar modelos adecuados y realizar inferencias con rigor. La Unidad 8 representa la culminación de este aprendizaje al guiar el diseño de un proyecto de investigación breve que integre distribuciones de probabilidad, plan de muestreo, análisis y reporte de resultados, fomentando una aplicación integrada de los contenidos aprendidos. El curso promueve un aprendizaje activo y centrado en problemas, favorece el uso de herramientas estadísticas modernas y propone casos prácticos para facilitar la transferencia de conocimientos a situaciones de la vida real. Se trabajan competencias de razonamiento cuantitativo, comunicación de resultados, ética en la investigación y colaboración en equipo, preparando al estudiante para enfrentar desafíos analíticos en ámbitos académicos y profesionales.

Competencias

- Demostrar dominio de conceptos de distribuciones de probabilidad y su aplicación a problemas reales. - Diseñar y planificar un proyecto de investigación que incorpore muestreo y modelado probabilístico. - Analizar datos, interpretar resultados y comunicar conclusiones fundamentadas en distribuciones de probabilidad. - Emplear herramientas estadísticas (R, Python, Excel) para realizar análisis y generar reportes reproducibles. - Resolver problemas de forma crítica y ética, considerando la incertidumbre y las limitaciones de los modelos. - Trabajar de manera colaborativa, gestionando roles, tiempos y entregables de un proyecto de investigación. - Desarrollar habilidades de comunicación científica para audiencias técnicas y no técnicas.

Requerimientos

- Conocimientos previos en estadística básica y probabilidad. - Acceso a una computadora con software estadístico (R, Python o Excel con capacidades estadísticas). - Disponibilidad para diseñar, ejecutar y entregar un proyecto breve durante la unidad, incluyendo plan de muestreo, modelado probabilístico y reporte de resultados. - Participación en lecturas, actividades y foros de discusión del curso. - Capacidad para diseñar un plan de muestreo y justificar el uso de distribuciones de probabilidad para el modelado de datos. - Compromiso con la ética de la investigación y cita adecuada de fuentes.

Unidades del Curso

Unidad 1: Unidad 1: Fundamentos de las distribuciones de probabilidad - Características y relevancia en la investigación

Objetivos de Aprendizaje

- Definir soporte, función de probabilidad o densidad y parámetros de una distribución.
- Explicar la relevancia de estas características para modelar fenómenos observados en investigaciones.
- Identificar ejemplos simples de distribuciones comunes y describir brevemente dónde podrían aplicarse.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Componentes de una distribución

Descripción corta: se analizan soporte, función de probabilidad o densidad y parámetros; se discuten ejemplos básicos.

1. Soporte: qué valores puede tomar la variable.
2. Función de probabilidad o densidad: interpretación y propiedades.
3. Parámetros: ubicación, forma y escala, y su interpretación.

2. Tema 2: Relevancia en investigación

Descripción corta: cómo las distribuciones modelan fenómenos y permiten inferencias.

1. Relación entre fenómeno observado y elección de distribución.
2. Impacto de supuestos en conclusiones de investigación.
3. Ejemplos prácticos en diseño experimental y muestreo.

3. Tema 3: Representaciones y resumen de distribuciones

Descripción corta: PMF, PDF, CDF y herramientas gráficas para describir distribuciones.

1. Definición y diferencias entre PMF, PDF y CDF.
2. Cómo leer y comparar tablas y gráficos.
3. Resumen numérico básico (medidas de tendencia y dispersión) asociados.

Actividades

1. **Actividad de clase 1: Exploración de componentes** Explorar ejemplos simples de distribuciones, identificar soporte, función de probabilidad o densidad y parámetros. Incluye discusión sobre interpretación y posibles aplicaciones en investigación. Puntos clave: interpretación de cada componente y su impacto en conclusiones.
2. **Actividad de clase 2: Análisis de gráficos** Analizar gráficos de distribuciones simuladas (PMF/PDF/CDF) para registrar observaciones y proponer una distribución adecuada para un fenómeno ficticio. Aprendizaje activo: lectura de gráficos, justificación de elecciones.

3. **Actividad de clase 3: Debates sobre supuestos** Debatir posibles supuestos de modelos y cómo estos afectan la validez de conclusiones científicas. Puntos clave: límites de los modelos y alternativas.
4. **Actividad de clase 4: Mini informe de síntesis** Redactar un breve informe describiendo cuál distribución sería apropiada para un conjunto de datos ficticio y por qué, enfatizando los componentes descritos.

Evaluación

- Comprensión de conceptos: cuestionario breve sobre soporte, función de probabilidad/densidad y parámetros (30%).
- Actividad de interpretación de gráficos y tablas (30%).
- Informe corto de aplicación (40%): justificación de una distribución para un escenario de investigación con explicación de componentes y limitaciones.

Unidad 2: Variables aleatorias y distribuciones clave en investigación

Objetivos de Aprendizaje

- Definir qué es una variable aleatoria discreta y una continua y sus principales diferencias.
- Identificar distribuciones típicas y sus escenarios de uso en investigación.
- Relacionar el tipo de variable con la distribución adecuada según el fenómeno a modelar.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Variables aleatorias y tipos

Descripción corta: definición y ejemplos de variables discretas y continuas.

1. Definición de variable aleatoria discreta y continua.
2. Propiedades básicas y diferencia entre ambos tipos.

2. Tema 2: Distribuciones discretas clave

Descripción corta: Binomial y Poisson en contextos de conteo y muestreo.

1. Distribución Binomial: parámetros n y p , escenarios de muestreo.
2. Distribución de Poisson: parámetro λ , casos de eventos raros y conteos.

3. Tema 3: Distribución normal y continuidad

Descripción corta: la distribución Normal como modelo continuo y su relación con el Teorema Central del Límite.

1. Propiedades de la Normal: media y varianza.
2. Aplicaciones en muestreos y estimaciones.

Actividades

1. **Actividad de clase 1: Clasificación de variables** Distinguir entre variables discretas y continuas en estudios de caso simulados y justificar la distribución más adecuada.
2. **Actividad de clase 2: Modelado con Binomial y Poisson** Construir modelos simples para conteos (éxitos, eventos) y comparar escenarios de muestreo realistas.
3. **Actividad de clase 3: Normal y pruebas de normalidad** Evaluar si una variable típica de investigación se aproxima a Normal mediante gráficos y pruebas simples.

Evaluación

- Cuestionario sobre conceptos de variables y distribuciones (25%).
- Ejercicios de modelado con Binomial, Poisson y Normal (35%).
- Proyecto corto de interpretación de datos con selección de distribución (40%).

Unidad 3: Unidad 3: Probabilidades y momentos básicos

Objetivos de Aprendizaje

- Calcular probabilidades para Binomial, Poisson y Normal en escenarios de investigación.
- Determinar la media y la varianza de distribuciones discretas y continuas relevantes.
- Interpretar los momentos en el contexto de datos observados.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Probabilidad en distribuciones discretas

Descripción corta: cálculo de probabilidades para Binomial y Poisson.

1. Fórmulas de probabilidad en Binomial y Poisson.
2. Propiedades básicas y ejemplos prácticos.

2. Tema 2: Probabilidad en distribución normal

Descripción corta: cálculo de probabilidades en la Normal y uso de tablas o herramientas.

1. Z-scores y tablas de la Normal.
2. Aplicaciones en muestreo y estimación.

3. Tema 3: Momentos: media y varianza

Descripción corta: definición y cálculo de media y varianza para distribuciones discretas y continuas.

1. Media y varianza de Binomial, Poisson y Normal.
2. Interpretación de los momentos en datos de investigación.

Actividades

1. **Actividad de clase 1: Cálculo práctico de probabilidades** Resolver ejercicios de probabilidad para Binomial, Poisson y Normal usando fórmulas y herramientas básicas.
2. **Actividad de clase 2: Estimación de momentos** Calcular media y varianza a partir de datos simulados y compararlos con las medidas teóricas.
3. **Actividad de clase 3: Interpretación de resultados** Interpretar resultados de probabilidades y momentos en un mini conjunto de datos y redactar conclusiones.

Evaluación

- Problemas de probabilidad y cálculo de momentos (40%).
- Informe interpretativo de resultados (30%).
- Actividad práctica y entrega de ejercicios (30%).

Unidad 4: Unidad 4: Reglas de probabilidad y teoremas clave

Objetivos de Aprendizaje

- Calcular probabilidades condicionadas y conjunto de eventos mutuamente excluyentes.
- Aplicar la regla de probabilidad total para problemas con particiones del espacio muestral.
- Aplicar el Teorema de Bayes para actualizar creencias ante nueva evidencia.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Probabilidad condicional y regla de probabilidad total

Descripción corta: conceptos y ejemplos prácticos en muestreo.

1. Probabilidad condicional: definición y propiedades.
2. Regla de probabilidad total y partición del espacio muestral.

2. Tema 2: Teorema de Bayes

Descripción corta: actualización de creencias ante nueva evidencia.

1. Formulación y ejemplos simples.
2. Aplicaciones en diagnóstico y toma de decisiones.

3. Tema 3: Problemas de muestreo y decisiones

Descripción corta: resolución de problemas prácticos con reglas de probabilidad.

1. Modelos de muestreo y decisiones basadas en probabilidades.
2. Errores y límites de inferencia en probabilidades.

Actividades

1. **Actividad de clase 1: Cálculos condicionales** Resolver problemas que involucren probabilidades condicionadas y particiones del espacio muestral.
2. **Actividad de clase 2: Aplicación del Teorema de Bayes** Casos prácticos de diagnóstico o clasificación con actualización de probabilidades.
3. **Actividad de clase 3: Problemas de muestreo** Diseñar soluciones a problemas de muestreo y justificar decisiones con reglas de probabilidad.

Evaluación

- Cuestionario sobre reglas de probabilidad y Bayes (30%).
- Ejercicios aplicados de muestreo (40%).
- Resolución de casos con justificación escrita (30%).

Unidad 5: Unidad 5: Interpretación de gráficos, tablas y funciones de distribución

Objetivos de Aprendizaje

- Leer e interpretar PMF, PDF y CDF de distribuciones discretas y continuas.
- Relacionar las representaciones gráficas con características de la distribución (media, dispersión, cola, asimetría).
- Extraer conclusiones básicas a partir de tablas y gráficos en contextos de investigación.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: PMF, PDF y CDF

Descripción corta: definiciones, propiedades y diferencias fundamentales.

1. Definición y ejemplos de PMF (discretas) y PDF (continuas).
2. Función de distribución CDF y su interpretación.

2. Tema 2: Interpretación de gráficos

Descripción corta: lectura de gráficos y extracción de información clave.

1. Identificación de centro, dispersión y forma a partir de gráficos.
2. Detección de sesgos y colas en datos reales.

3. Tema 3: Tablas y resumen de distribuciones

Descripción corta: uso de tablas para resumir y comparar distribuciones.

1. Lectura de tablas de probabilidades y momentos.
2. Comparación entre distribuciones para la toma de decisiones.

Actividades

1. **Actividad de clase 1: Lectura de PMF/PDF/CDF** Interpretar representaciones de diversas distribuciones y discutir conclusiones.
2. **Actividad de clase 2: Análisis de datos simulados** Graficar y extraer conclusiones sobre datos simulados; justificar la elección de la distribución subyacente.
3. **Actividad de clase 3: Comparación de distribuciones** Usar tablas para comparar características (media, varianza) entre distribuciones distintas.

Evaluación

- Interpretación de gráficos y tablas (35%).
- Ejercicios de lectura de PMF/PDF/CDF (35%).
- Mini informe de interpretación de un juego de datos (30%).

Unidad 6: Selección de distribuciones y criterios de ajuste

Objetivos de Aprendizaje

- Identificar supuestos clave de cada distribución típica (Binomial, Poisson, Normal, etc.).
- Usar criterios de ajuste para comparar distribuciones (e.g., Chi-cuadrado, KS) y seleccionar la más adecuada.
- Justificar la elección de distribución en base a datos y contexto de investigación.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Supuestos y condiciones de cada distribución

Descripción corta: qué condiciones deben cumplirse para aplicar cada modelo.

1. Binomial: ensayos independientes, probabilidad constante, número fijo de ensayos.
2. Poisson: eventos discretos en intervalo fijo, independencia.
3. Normal: gran tamaño muestral y aproximación de datos continuos.

2. Tema 2: Criterios de ajuste

Descripción corta: criterios y pruebas para evaluar la adecuación de un modelo.

1. Chi-cuadrado de bondad de ajuste.
2. Prueba de Kolmogorov-Smirnov (KS).

3. Tema 3: Proceso de selección

Descripción corta: pasos para elegir distribución basada en datos y supuestos.

1. Exploración de datos, pruebas de normalidad, comparaciones de ajuste.
2. Validación externa y robustez del modelo.

Actividades

1. **Actividad de clase 1: Evaluación de supuestos** Identificar y justificar supuestos para varios conjuntos de datos; discutir consecuencias de violaciones.
2. **Actividad de clase 2: Pruebas de ajuste** Aplicar Chi-cuadrado y KS a datos simulados y decidir cuál distribución modela mejor.
3. **Actividad de clase 3: Proceso de selección** Caso práctico de modelado: seleccionar una distribución y justificar con criterios de ajuste.

Evaluación

- Ejercicios de comparación de ajustes (40%).
- Informe de selección de distribución para un conjunto de datos (40%).
- Discusión crítica de supuestos y limitaciones (20%).

Unidad 7: Unidad 7: Herramientas computacionales y pruebas de ajuste

Objetivos de Aprendizaje

- Estimación de parámetros (p. ej., MLE) para distribuciones discretas y continuas.
- Realizar pruebas de ajuste y construir intervalos de probabilidad.
- Interpretar resultados de las herramientas en contextos de investigación.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Estimación de parámetros

Descripción corta: métodos de estimación (MLE) para distribuciones comunes.

1. Estimación de p , n para Binomial; λ para Poisson; μ y σ para Normal.
2. Introducción a métodos simples y uso de calculadoras o software.

2. Tema 2: Pruebas de ajuste

Descripción corta: Chi-cuadrado y KS para evaluar adecuación.

1. Procedimientos y supuestos de cada prueba.
2. Interpretación de resultados y límites.

3. Tema 3: Intervalos de probabilidad

Descripción corta: construcción e interpretación de intervalos para parámetros.

1. Intervalos de confianza para medias y proporciones.
2. Impacto del tamaño de muestra y suposiciones.

Actividades

1. **Actividad de clase 1: Estimación con herramientas** Estimar parámetros de distribución a partir de datos simulados usando una calculadora o software básico.
2. **Actividad de clase 2: Pruebas de ajuste** Realizar Chi-cuadrado y KS en muestras simuladas y reportar interpretación.
3. **Actividad de clase 3: Intervalos de probabilidad** Construcción e interpretación de intervalos para parámetros clave.

Evaluación

- Ejercicios de estimación y pruebas de ajuste (50%).
- Reporte de intervalos de probabilidad (30%).
- Evaluación práctica de uso de herramientas (20%).

Unidad 8: Unidad 8: Diseño de un proyecto de investigación integrando distribuciones de probabilidad

Objetivos de Aprendizaje

- Definir un problema de investigación y plantear hipótesis vinculadas a distribuciones de probabilidad.
- Elaborar un plan de muestreo y seleccionar las distribuciones adecuadas para el modelado de datos.
- Desarrollar un esquema de análisis, interpretación y reporte de resultados.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Planteamiento del problema y objetivos

Descripción corta: definición de preguntas de investigación y criterios de éxito.

1. Formulación de hipótesis y variables de interés.
2. Relación entre objetivos, muestreo y distribución.

2. Tema 2: Plan de muestreo y diseño experimental

Descripción corta: muestreo probabilístico o no probabilístico y tamaño de muestra.

1. Selección de método de muestreo.
2. Cálculo preliminar de tamaño de muestra y consideraciones éticas.

3. Tema 3: Análisis y reporte

Descripción corta: cómo estructurar el análisis, interpretar resultados y presentar conclusiones.

1. Selección de distribuciones para modelar datos.
2. Formato de reporte y comunicación de incertidumbre.

Actividades

1. **Actividad de clase 1: Propuesta de proyecto** Elaborar una propuesta breve de investigación que integre distribuciones de probabilidad, con justificación de muestreo y análisis.
2. **Actividad de clase 2: Simulación y plan de muestreo** Diseñar una simulación de muestreo para probar la hipótesis y planificar el análisis esperado.
3. **Actividad de clase 3: Reporte final** Redactar un reporte corto que presente métodos, resultados simulados o reales y conclusiones basadas en distribuciones.

Evaluación

- Calidad de la propuesta y fundamentación (25%).
- Diseño de muestreo y plan de análisis (35%).
- Reporte final y claridad de interpretación (40%).