

Aplicaciones de derivadas en física: movimiento y fuerzas

Matemáticas | Cálculo

Descripción del Curso

Este curso de Cálculo para secundaria ofrece una visión integrada entre las herramientas matemáticas y las ideas físicas para comprender el movimiento. En particular, la Unidad 3 aborda el movimiento en dos dimensiones y la relación entre impulso, cantidad de movimiento y energía. Se estudia cómo describir el comportamiento de un cuerpo mediante vectores y derivadas: la velocidad $v(t)$ se obtiene como $v = dr/dt$ y la aceleración $a(t)$ como $a = dv/dt$, trabajando con posiciones $r(t)$ en el plano. Además, se introduce el impulso y la cantidad de movimiento $p = m v$, así como su tasa de cambio $dp/dt = F_{\text{net}}$, y se analizan conceptos de trabajo y energía en contextos bidimensionales.

La unidad propone modelar movimientos en dos dimensiones utilizando derivadas de vectores, interpretar las componentes de v y a , y relacionar trabajo y energía con trayectorias en el plano. Se enfatiza la interpretación física de las magnitudes vectoriales y su aplicación para resolver problemas reales, como trayectorias de proyectiles, maniobras de vehículos y ejercicios de física aplicada. El curso busca que el alumnado desarrolle un enfoque crítico para analizar situaciones dinámicas y comunique, de forma precisa, las ideas derivadas de las matemáticas al lenguaje de la física.

La metodología combina explicaciones conceptuales con resolución de problemas, ejercicios guiados y actividades de simulación que permiten visualizar cómo cambian la cantidad de movimiento, el impulso y la energía ante distintas fuerzas. Al finalizar la unidad, se espera que el alumnado pueda modelar movimientos bidimensionales, interpretar las variaciones de p y dp/dt frente a F_{net} , y aplicar el marco trabajo-energía para entender escenarios reales y cotidianos.

Competencias

- Comprender y modelar movimientos en dos dimensiones empleando vectores y derivadas de vectores, identificando y interpretando las componentes de velocidad y aceleración.
- Describir y aplicar el concepto de impulso $p = m v$ y su tasa de cambio $dp/dt = F_{\text{net}}$ en sistemas con fuerzas, entendiendo su relación con la variación de la cantidad de movimiento.
- Aplicar el análisis de trabajo y energía en contextos bidimensionales, interpretando resultados físicos y comunicando ideas con claridad.
- Resolver problemas que involucren trayectorias, fuerzas y cambios energéticos en dos dimensiones, fortaleciendo el razonamiento lógico y la capacidad de justificar soluciones.
- Desarrollar habilidades de razonamiento crítico, comunicación matemática y trabajo colaborativo al enfrentar situaciones de la vida real que requieren aplicar conceptos de cálculo y física.

Requerimientos

- Conocimientos previos básicos de álgebra, funciones y vectores; comprensión de conceptos de derivadas y magnitudes físicas simples.
- Materiales: cuaderno o cuaderno digital, calculadora científica, acceso a recursos de apoyo (libros de texto, guías de estudio) y espacio para resolver problemas en clase.
- Compromiso con la participación en clase, resolución regular de ejercicios y entrega de actividades de fortalecimiento fuera del horario de clase.
- Disponibilidad para trabajar en actividades de laboratorio o simulaciones que ilustren movimientos en el plano y permitan observar cambios en p , dp/dt y energía.
- Asistencia y puntualidad para las sesiones de revisión y las actividades prácticas que complementan la teoría.

Unidades del Curso

Unidad 1: Unidad 1: Derivadas y movimiento: velocidad y aceleración

Objetivos de Aprendizaje

- Identificar la función de posición $s(t)$ y expresar la velocidad como $v(t) = ds/dt$.
- Calcular la aceleración $a(t) = dv/dt = d^2s/dt^2$ a partir de $s(t)$ o de $v(t)$.
- Interpretar curvas de $s(t)$, $v(t)$ y $a(t)$ para extraer información sobre velocidad y cambios de dirección.
- Resolver problemas simples de movimiento rectilíneo, distinguiendo unidades (m, s, m/s, m/s²).

Contenidos Temáticos

1. **Tema 1:** Función de posición $s(t)$ y su derivada: velocidad $v(t)$. Descripción corta: se define $s(t)$ y se obtiene $v(t)$ como pendiente de $s(t)$ en cada instante.
2. **Tema 2:** Aceleración a partir de la derivada de la velocidad. Descripción corta: se obtiene $a(t)$ como dv/dt y como d^2s/dt^2 , interpretando su significado físico.
3. **Tema 3:** Análisis gráfico de $s(t)$, $v(t)$ y $a(t)$. Descripción corta: se comparan gráficos para entender cuándo la velocidad cambia de signo y cómo eso afecta la aceleración.

Actividades

• Actividad 1: Exploración interactiva de $s(t)$ y sus derivadas

Breve descripción: usar una simulación para manipular funciones de posición $s(t)$ y observar cómo cambian $v(t)$ y $a(t)$ al variar la forma de $s(t)$.

Puntos clave: interpretar pendientes, identificar velocidad y aceleración a partir de $s(t)$; distinguir unidades y direcciones de movimiento.

Aprendizajes: comprender la relación entre s , v y a y su representación gráfica.

• Actividad 2: Cálculo de $v(t)$ y $a(t)$ a partir de $s(t)$ dada

Breve descripción: se entregan funciones $s(t)$ explícitas y se derivan $v(t)$ y $a(t)$; se verifican con tablas de valores y unidades.

Puntos clave: aplicar reglas de derivación; interpretar las magnitudes resultantes.

Aprendizajes: dominio de derivadas básicas y aplicación a problemas de movimiento.

- **Actividad 3: Análisis de gráficos de movimiento**

Breve descripción: se trabajan gráficos de $s(t)$, $v(t)$ y $a(t)$ para identificar cambios de dirección y comportamientos de aceleración.

Puntos clave: lectura de pendientes, zonas de velocidad constante y cambios de signo de $v(t)$.

Aprendizajes: interpretación gráfica y razonamiento crítico sobre movimiento.

Evaluación

- Ejercicios de derivación y resolución de problemas de movimiento en una dimensión (se evaluará OB1: comprensión de s , v y a).
- Análisis de gráficos de $s(t)$, $v(t)$ y $a(t)$ y explicación de las condiciones de cambio de dirección (OB2).
- Cuestionario corto sobre conceptos y unidades (OB3).
- Participación y presentación de conclusiones en las actividades de simulación (OB1 y OB2).

Unidad 2: Unidad 2: Aplicación de derivadas en dinámica: fuerzas y movimiento

Objetivos de Aprendizaje

- Explicar la relación entre fuerza y aceleración mediante $F = m a$ y la derivada de la velocidad.
- Resolver problemas con fuerzas constantes y con fuerzas que cambian en el tiempo, determinando $v(t)$ y $s(t)$ correspondientes.
- Calcular el trabajo realizado por una fuerza a lo largo de un desplazamiento y su vínculo con la energía cinética (teorema del trabajo).

Contenidos Temáticos

1. **Tema 1:** Relación entre fuerza, aceleración y velocidad: $F = m a$. Descripción corta: conexión entre la segunda ley y derivadas de velocidad y posición.
2. **Tema 2:** Fuerzas constantes y variables simples. Descripción corta: resolución de ecuaciones de movimiento para F constante y $F(r)$ ligera variación en t .
3. **Tema 3:** Trabajo y energía cinética. Descripción corta: definición de trabajo W y su relación con cambios en la energía cinética, con integrales simples.

Actividades

- **Actividad 1: Movimiento bajo fuerza constante**

Breve descripción: simular un objeto sujeto a una fuerza constante; calcular $v(t)$ y $s(t)$ y verificar $F = m a$ en cada instante.

Puntos clave: derivación de velocidad, resolución de ecuaciones de movimiento lineal, consistencia de unidades.

Aprendizajes: relación directa entre fuerza y aceleración y su efecto en el movimiento.

• **Actividad 2: Fuerza variable y velocidad**

Breve descripción: analizar $F(t)$ simple (p. ej., $F(t) = k t$) y obtener $v(t)$ y $s(t)$ mediante $dv/dt = F(t)/m$.

Puntos clave: manejo de funciones temporales y métodos de integración simples.

Aprendizajes: comprensión de cómo fuerzas variables afectan la velocidad y el desplazamiento.

• **Actividad 3: Trabajo y energía**

Breve descripción: calcular el trabajo realizado por F a lo largo de un desplazamiento y relacionarlo con el cambio de energía cinética (teorema del trabajo).

Puntos clave: concepto de trabajo, unidades de energía y su interpretación física.

Aprendizajes: conectar fuerza, desplazamiento y energía en un marco de derivadas.

Evaluación

- Resolver problemas de movimiento con $F = m a$, tanto con F constante como con F variable (OB1 y OB2).
- Ejercicios de cálculo de trabajo y energía cinética (OB3).
- Cuestionario sobre conceptos clave y unidades (OB1, OB2, OB3).
- Actividades de simulación y explicación escrita de los resultados obtenidos (OCUPA OB1 y OB2).

Unidad 3: Unidad 3: Movimiento en dos dimensiones y conceptos de impulso y energía

Objetivos de Aprendizaje

- Explicar que $v(t) = dr/dt$ y $a(t) = dv/dt$ para $r(t)$ vector y interpretar sus componentes.
- Describir $p = m v$ y $dp/dt = F_{\text{net}}$ para sistemas con fuerzas, comprendiendo el concepto de impulso.
- Aplicar el trabajo y la energía en movimientos bidimensionales e interpretar resultados físicos.

Contenidos Temáticos

1. **Tema 1:** Movimiento en 2D y derivadas de vectores. Descripción corta: obtener velocidad y aceleración a partir de $r(t) = (x(t), y(t))$.
2. **Tema 2:** Impulso y cambio de momento. Descripción corta: $dp/dt = F_{\text{net}}$ y su interpretación física en interacciones 2D.
3. **Tema 3:** Trabajo y energía en movimiento bidimensional. Descripción corta: cálculo de trabajo en 2D y relación con energía cinética.

Actividades

- **Actividad 1: Derivadas de vectores en 2D**

Breve descripción: definir $\mathbf{r}(t)$ en el plano, derivar para obtener $\mathbf{v}(t)$ y $\mathbf{a}(t)$; analizar componentes y direcciones.

Puntos clave: interpretación de componentes x e y ; unidades vectoriales; cambios en la trayectoria.

Aprendizajes: habilidad para describir movimientos en dos dimensiones usando derivadas.

- **Actividad 2: Impulso y colisiones simplificadas**

Breve descripción: estudiar casos simples de impulso en 2D, calcular $d\mathbf{p}/dt$ y el cambio de momento durante interacciones con fuerzas externas.

Puntos clave: conservación implícita de momento en sistemas aislados; representación de fuerzas en componentes.

Aprendizajes: comprensión del impulso y su relación con la fuerza aplicada a lo largo del tiempo.

- **Actividad 3: Trabajo y energía en 2D**

Breve descripción: calcular trabajo en trayectorias bidimensionales y relacionarlo con cambios en la energía cinética, analizando ejemplos prácticos.

Puntos clave: técnicas de cálculo de trabajo; interpretación física de la energía en 2D.

Aprendizajes: aplicar conceptos de trabajo y energía en contextos más complejos que el movimiento 1D.

Evaluación

- Resolución de problemas de movimiento en 2D: derivadas de $\mathbf{r}(t)$, $\mathbf{v}(t)$ y $\mathbf{a}(t)$ (OB1).
- Ejercicios sobre impulso y cambio de momento $d\mathbf{p}/dt = \mathbf{F}_{\text{net}}$ (OB2).
- Problemas de trabajo y energía en trayectorias 2D (OB3).
- Actividad de simulación y reporte de conclusiones (evaluación formativa de TODOS los objetivos).