

Funciones lineales y afines

Ciencias Exactas y Naturales | Matemáticas

Descripción del Curso

Este curso de Matemáticas está diseñado para estudiantes a partir de 17 años, con independencia de su experiencia previa, y propone desarrollar una comprensión sólida de las funciones lineales y su aplicación en contextos reales. A lo largo de cuatro unidades, el curso integra teoría, resolución de problemas y modelado para favorecer el aprendizaje significativo, la autonomía en el pensamiento y la toma de decisiones basada en datos. Cada unidad propone objetivos y actividades que fortalecen el razonamiento lógico, la comunicación matemática y el uso de herramientas tecnológicas para analizar relaciones lineales y sus variaciones. En particular, la Unidad 3: Variación de pendiente e intercepto y su impacto se enfoca en comprender cómo cambian la pendiente m y el intercepto b de una función lineal o afín y cómo estos cambios se reflejan en la gráfica y en la relación entre variables. Se analizan diferentes escenarios de variación: cambios solo en la pendiente, cambios solo en el intercepto y cambios combinados. Se modela su impacto en contextos prácticos, como predicción de tendencias, análisis de costos y relaciones entre variables en ciencias naturales o sociales, así como en situaciones de decisión donde se ajustan parámetros para adaptar un modelo a nuevos datos. El curso promueve la habilidad de interpretar, explicar y justificar cómo la pendiente determina la inclinación y la dirección de la recta, y cómo el intercepto determina el desplazamiento vertical y la ubicación de la recta en el plano. Además, se anima a los estudiantes a utilizar modelos lineales para predecir cambios en variables dependientes cuando se modifican m o b , y a evaluar la validez de las predicciones frente a datos observados. Se combina teoría con ejercicios prácticos, representaciones gráficas dinámicas y lecturas de contextos reales para fomentar una visión integral de la matemática como herramienta para resolver problemas en la vida diaria y en contextos profesionales.

Competencias

- Comprender y justificar la relación entre pendiente e intercepto en funciones lineales y su interpretación gráfica.
- Analizar escenarios de variación de m y/o b y describir el efecto en la gráfica y en la relación entre variables.
- Aplicar modelos lineales para predecir cambios en variables dependientes ante ajustes de m o b en contextos reales.
- Resolver problemas que involucren interpretación gráfica, estimación de parámetros y verificación de predicciones con datos.
- Utilizar herramientas tecnológicas (graficadores, calculadoras o software) para visualizar y simular la variación de pendientes e interceptos.
- Comunicar conclusiones de forma clara y razonada, con justificación matemática y apoyo en evidencia numérica.
- Trabajar de forma colaborativa y ética en la resolución de problemas y en la construcción de modelos.

Requerimientos

- Conocimientos previos de álgebra básica: ecuaciones lineales, interpretación de pendientes e interceptos.
- Habilidad para trabajar con representaciones gráficas y algebraicas de funciones lineales.
- Capacidad para razonar de forma lógica y resolver problemas de manera crítica.
- Acceso a una computadora o dispositivo con conexión a Internet para usar herramientas de graficación o software educativo.
- Uso de calculadora y/o software para graficar y simular variaciones de m y b .
- Participación activa en actividades, entrega de prácticas y trabajo colaborativo cuando corresponda.

Unidades del Curso

Unidad 1: Unidad 1: Pendiente y recta: cálculo y significado

Objetivos de Aprendizaje

- Identificar y calcular la pendiente m a partir de dos puntos (x_1, y_1) y (x_2, y_2) .
- Interpretar el significado geométrico de la pendiente como razón de cambio entre las variables en el plano.
- Resolver problemas de pendiente a partir de ecuaciones de la recta en formas comunes (pendiente-intercepto y forma general) y verificar consistencia.

Contenidos Temáticos

1. **Pendiente a partir de dos puntos** — Descubre cómo calcular m como $(y_2 - y_1) / (x_2 - x_1)$ y su interpretación.
2. **Pendiente a partir de la ecuación** — Cómo obtener m a partir de la recta en forma $y = mx + b$ o $Ax + By + C = 0$ y su significado.
3. **Propiedades de la pendiente y rectas notables** — Rectas paralelas, perpendiculares y su relación con m .

Actividades

- **Actividad 1: Exploración de pendientes desde pares de puntos** — Los estudiantes trabajan en parejas para calcular m de diferentes pares de puntos, grafican las rectas y comparan con la intuición de la inclinación. Puntos clave: fórmula de pendiente, interpretación de m , verificación gráfica.
- **Actividad 2: Taller de pendientes a partir de ecuaciones** — A partir de ecuaciones en forma $y = mx + b$ o $2x + 3y = 6$, extraen m y comparan con las gráficas. Principales aprendizajes: convertir entre formas, validación de la pendiente en la gráfica.
- **Actividad 3: Problemas de la vida real** — Resolver problemas simples donde cambia la pendiente según la relación entre variables (crecimiento lineal, costo por unidad). Conclusión: m como tasa de cambio y su impacto visual en la recta.

Evaluación

- Ejercicios prácticos de cálculo de pendientes a partir de puntos y ecuaciones (40%).
- Cuestionario teórico sobre significado geométrico y forma de la pendiente (30%).
- Problema aplicado donde se determine la pendiente y se interprete el resultado (30%).

Unidad 2: Unidad 2: Representación de funciones lineales: gráfica, tabla y ecuación

Objetivos de Aprendizaje

- Construir y leer la gráfica de una función lineal a partir de su ecuación o de una tabla de valores.
- Generar una tabla de valores a partir de la ecuación y verificar que la gráfica y la tabla representan la misma función.
- Explicar y justificar la consistencia entre las tres representaciones para un mismo modelo lineal.

Contenidos Temáticos

1. **Formas de la recta y conexión entre representaciones** — Relación entre la ecuación y la gráfica, y cómo obtener la tabla de valores.
2. **Construcción de tablas de valores** — Cómo seleccionar entradas adecuadas y calcular resultados para asegurar una buena representación gráfica.
3. **Verificación de consistencia** — Comprobar que gráfica, tabla y ecuación describen la misma función y corregir inconsistencias.

Actividades

- **Actividad 1: De la ecuación a la gráfica y la tabla** — Dado una ecuación $y = mx + b$, trazar la recta, generar una tabla de valores y comparar las tres representaciones. Aprendizajes: coherencia entre representaciones y uso de puntos clave.
- **Actividad 2: Construcción de representaciones a partir de datos** — Usar un conjunto de pares (x, y) para construir la gráfica, la tabla y la ecuación estimada, discutiendo posibles errores y límites.
- **Actividad 3: Verificación entre representaciones** — Resolver ejercicios donde se debe justificar por qué una tabla o gráfica corresponde a una ecuación dada y viceversa.

Evaluación

- Construcción de las tres representaciones para al menos tres funciones lineales (40%).
- Actividad de verificación y justificación de consistencia entre representaciones (30%).
- Cuestionario corto sobre conceptos y métodos (30%).

Unidad 3: Unidad 3: Variación de pendiente e intercepto y su impacto

Objetivos de Aprendizaje

- Analizar el efecto de modificar la pendiente m en la inclinación y dirección de la recta.
- Analizar el efecto de modificar el intercepto b en el desplazamiento vertical de la recta.
- Aplicar el modelo lineal y predecir cómo cambian las variables dependientes cuando se ajustan m o b en contextos reales.

Contenidos Temáticos

1. **Efecto de la pendiente en la inclinación** — Cómo cambia la inclinación y la estabilidad de la relación entre variables al variar m .
2. **Efecto del intercepto en el desplazamiento vertical** — Consecuencias de cambiar b en la posición de la recta respecto al eje y .
3. **Modelado y consecuencias prácticas** — Interpretación de m y b en contextos como costos, ingresos y tendencias económicas.

Actividades

- **Actividad 1: Simulación de cambios en la pendiente** — Utilizar una herramienta de simulación para modificar m y observar cómo cambia la recta; discutir el significado de la dirección y la velocidad de cambio.
- **Actividad 2: Ejercicios de intercepto y desplazamiento** — Modificar b en ecuaciones de la forma $y = mx + b$ y analizar el desplazamiento vertical resultante; incluir registro de predicciones y verificación gráfica.
- **Actividad 3: Proyecto corto de modelado** — Modelar una relación lineal en un contexto real (por ejemplo, costo fijo y costo variable) y describir cómo cambios en m y b afectarían el fenómeno observado.

Evaluación

- Ejercicios de predicción de gráficos al cambiar m y/o b (40%).
- Problemas de interpretación y justificación de cambios en escenarios realistas (30%).
- Actividad de reflexión escrita sobre la relación entre pendiente, intercepto y variables (30%).