

Derivadas y optimización en economía

Matemáticas | Cálculo

Descripción del Curso

Este curso de Cálculo ofrece herramientas para comprender y modelar problemas reales, con énfasis en aplicaciones económicas y de gestión. A lo largo de sus unidades, el alumnado desarrolla la capacidad de interpretar funciones, calcular tasas de cambio y aplicar principios de optimización para tomar decisiones informadas. En la Unidad 3, Elasticidad y decisiones de precios y producción, se analizan conceptos de elasticidad para entender la respuesta de la demanda ante cambios de precios y la forma de fijar precios para maximizar ingresos y beneficios. También se exploran decisiones de producción y la sensibilidad ante variaciones del entorno de mercado. El objetivo es que el estudiante comprenda y aplique elasticidad y estrategias de fijación de precios para maximizar ingresos y beneficios, analizando la respuesta de la demanda ante cambios de precio y otras condiciones de mercado. Los contenidos específicos incluyen: calcular e interpretar la elasticidad-precio de la demanda a partir de datos o funciones de demanda; analizar cómo cambios de precio afectan ingresos, costos y demanda, e identificar políticas de precios adecuadas; y aplicar conceptos de elasticidad para tomar decisiones de producción y precios que maximicen beneficios en escenarios simples. A través de ejercicios prácticos, el curso promueve el razonamiento cuantitativo, la interpretación de gráficos y la capacidad de aplicar estos conceptos a situaciones reales.

Competencias

- Comprender y aplicar conceptos de elasticidad y fijación de precios para analizar decisiones económicas reales. - Analizar la relación entre precio, demanda, ingresos y costos, e identificar políticas de precios adecuadas. - Tomar decisiones de producción y precios orientadas a la maximización de beneficios en escenarios simples. - Desarrollar razonamiento cuantitativo, interpretación de gráficos y manejo básico de datos para fundamentar decisiones. - Aplicar el conocimiento de elasticidad en contextos diversos, fortaleciendo la resolución de problemas y el pensamiento crítico.

Requerimientos

- Conocimientos previos de funciones, gráficos y derivadas básicas. - Capacidad para interpretar datos o funciones de demanda y calcular elasticidad-precio. - Acceso a calculadora y/o software básico (hoja de cálculo) para realizar cálculos y gráficos. - Disponibilidad para trabajar con ejercicios y escenarios de mercado simples que involucren precios, costos e ingresos.

Unidades del Curso

Unidad 1: Unidad 1: Derivadas y su interpretación en economía

Objetivos de Aprendizaje

- Explicar el concepto de derivada y su interpretación como tasa de cambio marginal en contextos económicos.
- Calcular derivadas de funciones de costo total $C(q)$, ingreso total $I(q)$ y utilidad $U(q) = I(q) - C(q)$, y extraer conclusiones económicas.
- Resolver problemas de optimización univariada simples para tomar decisiones de producción o consumo, identificando puntos críticos y conclusiones.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Concepto de derivada y su interpretación en economía

Descripción corta: la derivada como tasa de cambio marginal y su significado para ingresos, costos y utilidades.

2. Tema 2: Derivadas de funciones económicas: costo total $C(q)$, ingreso total $I(q)$ y utilidad $U(q)$

Descripción corta: cómo derivar $C(q)$, $I(q)$ y $U(q)$ y qué nos dicen los resultados sobre la producción óptima.

3. Tema 3: Optimización univariada: condiciones de primer orden y puntos críticos

Descripción corta: reglas básicas para identificar q^* donde se maximiza utilidad o se minimizan costos, con interpretación económica.

Actividades

- **Actividad 1: Exploración de datos de costo e ingreso** Analizar funciones simples de costo e ingreso a partir de datos dados y describir qué representa la derivada marginal en cada caso. Punto clave: interpretar el costo marginal y el ingreso marginal en decisiones de producción.
- **Actividad 2: Cálculo de derivadas básicas** Practicar derivación de funciones $C(q)$, $I(q)$ y $U(q)$ y extraer conclusiones sobre cambios en la cantidad producida. Punto clave: rapidez de cambio y su impacto en la rentabilidad.
- **Actividad 3: Análisis de optimización de utilidad** Dado $I(q)$ y $C(q)$, hallar q^* que maximice $U(q)$ y discutir la interpretación económica del resultado. Punto clave: igualar marginalidad ($MR = MC$) en contextos simples.
- **Actividad 4: Discusión y reflexión** Debate guiado sobre cuándo es preferible aumentar o disminuir la producción ante cambios en precio o costo. Punto clave: visión crítica de las decisiones basadas en derivadas.

Evaluación

- Ejercicios de derivadas y interpretación económica (40%).
- Problemas de optimización univariada (40%), donde se identifiquen puntos críticos y su significado económico.
- Actividad de reflexión escrita y participación en clase (20%).

Unidad 2: Optimización de utilidades y costos bajo restricciones

Objetivos de Aprendizaje

- Formular problemas de optimización con restricciones presupuestarias y de producción.

- Aplicar métodos de sustitución y, cuando corresponda, el método de Lagrange para encontrar soluciones óptimas.
- Interpretar y comparar resultados en distintos escenarios de precios e ingresos.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Restricción presupuestal y sustitución: maximización de utilidad con dos bienes

Descripción corta: cómo usar la restricción $p_x x + p_y y = I$ para elegir una canasta de consumo que maximice utilidad.

2. Tema 2: Métodos de optimización con restricciones

Descripción corta: introducción al método de sustitución y al uso de Lagrange para problemas con varias variables.

3. Tema 3: Análisis de sensibilidad y escenarios

Descripción corta: estudiar cómo cambios en precios o ingresos afectan la solución óptima y las conclusiones económicas.

Actividades

- **Actividad 1: Construcción de canastas de consumo con presupuesto** Usar restricciones para seleccionar combinaciones de dos bienes que optimicen utilidad; resolver con sustitución y analizar resultados. Punto clave: impacto de precios y presupuesto en la elección.
- **Actividad 2: Resolución por sustitución** Resolver problemas de utilidad máxima sustituyendo la variable por la restricción y encontrando la solución óptima. Punto clave: interpretación económica de el trade-off entre bienes.
- **Actividad 3: Optimización con Lagrange** Problema de utilidad con dos variables y restricción; derivación de las condiciones de primer orden; interpretación de las multiplicadores de Lagrange. Punto clave: entender la magnitud del multiplicador como tasa de sustitución marginal.
- **Actividad 4: Análisis de escenarios** Comparar soluciones óptimas ante cambios de precios e ingresos; preparar un breve informe con conclusiones. Punto clave: sensibilidad de la demanda y de la elección óptima.

Evaluación

- Ejercicios de sustitución y resolución de problemas de utilidad máxima con restricciones (35%).
- Problemas con Lagrange y análisis de condiciones de primer orden (40%).
- Informe breve de análisis de escenarios y participación en discusión (25%).

Unidad 3: Unidad 3: Elasticidad y decisiones de precios y producción

Objetivos de Aprendizaje

- Calcular y interpretar la elasticidad-precio de la demanda a partir de datos o funciones de demanda.
- Analizar cómo cambios de precio afectan ingresos, costos y demanda, e identificar políticas de precios adecuadas.

- Aplicar conceptos de elasticidad para tomar decisiones de producción y precios que maximicen beneficios en escenarios simples.

Contenidos Temáticos

1. Tema 1: Elasticidad-precio de la demanda: definición, fórmula e interpretación

Descripción corta: cómo medir la sensibilidad de la demanda ante variaciones de precio y qué indican los valores de elasticidad.

2. Tema 2: Estrategias de fijación de precios para maximizar ingresos

Descripción corta: relación entre precio, demanda y ingresos, y cómo usar elasticidad para ajustar precios.

3. Tema 3: Caso de estudio: precio de equilibrio y respuesta de la demanda

Descripción corta: análisis de escenarios donde cambios de precio impactan la demanda, costo y beneficio.

Actividades

- **Actividad 1: Cálculo de elasticidad a partir de datos** Usar datos de ventas y precios para estimar la elasticidad-precio de la demanda y su interpretación. Punto clave: qué significa ser elástica o inelástica.
- **Actividad 2: Simulación de precios y ingresos** Modelar diferentes precios y estimar el efecto sobre ingresos y demanda; identificar precios que maximizan ingresos en escenarios simples. Punto clave: uso de elasticidad para decisiones de precio.
- **Actividad 3: Análisis de costos y beneficios ante cambios de precio** Evaluar cómo cambios en precio afectan beneficios considerando elasticidad y costos; discutir posibles estrategias de precios.
- **Actividad 4: Debate y síntesis** Debatir sobre cuándo subir o bajar precios ante variaciones de mercado y presentar conclusiones. Punto clave: toma de decisiones fundamentadas en elasticidad.

Evaluación

- Ejercicios de cálculo e interpretación de elasticidad (40%).
- Problemas de fijación de precios para maximizar ingresos (35%).
- Actividad de análisis de escenarios y participación (25%).