

Explorando los Números Enteros y Operaciones Combinadas

Matemáticas | Números y operaciones | para estudiantes de secundaria (12-15 años) | 4 semanas

Descripción del Curso

Este curso está diseñado para estudiantes de secundaria que desean comprender en profundidad el conjunto de los números enteros y las operaciones combinadas que se pueden realizar con ellos. A lo largo de cuatro semanas, los estudiantes explorarán las propiedades fundamentales de los números enteros, su representación gráfica, y cómo aplicar operaciones combinadas respetando las reglas matemáticas vigentes.

El curso está dirigido a jóvenes de 12 a 15 años que buscan fortalecer su comprensión matemática, especialmente en la asignatura de números y operaciones. A través de una metodología activa y participativa, se fomentará la resolución de problemas, el razonamiento lógico y la conexión de conceptos para facilitar un aprendizaje significativo.

Al finalizar, los estudiantes serán capaces de identificar las relaciones entre diferentes conjuntos numéricos, aplicar correctamente operaciones combinadas con números enteros y resolver problemas matemáticos de complejidad creciente, desarrollando habilidades que serán fundamentales para estudios matemáticos posteriores.

Objetivos Generales

- Reconocer y representar números enteros en la recta numérica con precisión.
- Aplicar correctamente las operaciones combinadas con números enteros, respetando la jerarquía de operaciones.
- Identificar y explicar las relaciones entre los conjuntos de números enteros y otros conjuntos numéricos.
- Resolver problemas matemáticos que involucren operaciones combinadas con números enteros de manera autónoma.
- Evaluar y justificar procedimientos matemáticos relacionados con números enteros y operaciones combinadas.

Competencias

- Analizar y representar números enteros en la recta numérica.
- Aplicar las reglas de las operaciones combinadas con números enteros respetando la jerarquía de operaciones.
- Resolver problemas matemáticos que involucren sumas, restas, multiplicaciones y divisiones combinadas de números enteros.
- Identificar las relaciones y diferencias entre los conjuntos de números enteros y otros conjuntos numéricos.
- Desarrollar pensamiento crítico para justificar procedimientos y resultados matemáticos.

Requerimientos

- Conocimiento básico de números naturales y sus operaciones.
- Material de apoyo como calculadora básica, lápiz, papel cuadriculado y regla.
- Acceso a una recta numérica para actividades visuales (puede ser impresa o digital).
- Disposición para participar en actividades prácticas y ejercicios en grupo.

Unidades del Curso

Unidad 1: Introducción a los Números Enteros

Objetivos de Aprendizaje

- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de identificar y clasificar números enteros en diferentes contextos, utilizando la recta numérica para su representación precisa.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de explicar las propiedades fundamentales de los números enteros, tales como el valor absoluto y la simetría respecto al cero, mediante ejemplos concretos.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de representar números enteros en la recta numérica, ubicándolos correctamente en relación con otros números y justificando su posición.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de comparar y ordenar números enteros aplicando criterios basados en su valor y posición en la recta numérica.

Contenidos Temáticos

1. Concepto y Clasificación de Números Enteros

- **Definición de números enteros:** Introducción a los números enteros como el conjunto que incluye números positivos, negativos y el cero. Importancia y uso en la vida cotidiana.
- **Clasificación:** Distinguir entre números enteros positivos, negativos y el cero. Ejemplos en contextos reales como temperaturas, niveles, deudas y ganancias.
- **Diferenciación con otros tipos de números:** Breve comparación con números naturales y fraccionarios para contextualizar la importancia de los enteros.

2. Representación de Números Enteros en la Recta Numérica

- **Introducción a la recta numérica:** Presentación de la recta numérica como herramienta para ubicar números enteros en orden.
- **Ubicación de números enteros:** Cómo representar números positivos, negativos y el cero en la recta numérica. Uso de ejemplos y ejercicios prácticos.
- **Justificación de la posición:** Razonamiento sobre la ubicación relativa de los números en la recta numérica, explicando la distancia al cero y la dirección (izquierda o derecha).

3. Propiedades Fundamentales de los Números Enteros

- **Valor absoluto:** Definición y significado como la distancia de un número entero al cero en la recta numérica. Ejemplos concretos y ejercicios de cálculo de valor absoluto.
- **Simetría respecto al cero:** Explicación del concepto de números opuestos y su simetría en la recta numérica. Ejemplos de pares simétricos y su interpretación.

4. Comparación y Orden de Números Enteros

- **Criterios para comparar números enteros:** Uso de la recta numérica y el valor de los números para determinar cuál es mayor o menor.
- **Ordenamiento:** Cómo ordenar conjuntos de números enteros de menor a mayor y viceversa, aplicando los criterios aprendidos.
- **Ejemplos prácticos:** Situaciones reales donde se aplica la comparación y orden de números enteros, como temperaturas, niveles, o puntuaciones.

Actividades

Actividad 1: Identificando y Clasificando Números Enteros en Contextos Reales

Objetivo: Identificar y clasificar números enteros en diferentes contextos, utilizando la recta numérica para su representación precisa.

Descripción:

- Se presenta a los estudiantes una serie de situaciones cotidianas (temperaturas bajo cero, ganancias y pérdidas, niveles de agua).
- En parejas, los estudiantes deben identificar los números enteros involucrados en cada situación y clasificarlos en positivos, negativos o cero.
- Luego, deben representar estos números en una recta numérica dibujada en una hoja o pizarra.

Organización: Parejas

Producto esperado: Listado clasificado de números enteros y su representación gráfica en la recta numérica.

Duración estimada: 40 minutos

Actividad 2: Explorando el Valor Absoluto y la Simetría en la Recta Numérica

Objetivo: Explicar las propiedades fundamentales de los números enteros, como el valor absoluto y la simetría respecto al cero, mediante ejemplos concretos.

Descripción:

- Individualmente, los estudiantes reciben ejercicios donde deben calcular el valor absoluto de varios números enteros y encontrar números simétricos respecto al cero.
- Después, en grupos pequeños, comparan sus respuestas y discuten el significado de estas propiedades en la recta numérica.
- Finalmente, cada grupo expone un ejemplo al resto de la clase explicando el concepto de valor absoluto y simetría.

Organización: Individual y grupos de 3-4 estudiantes

Producto esperado: Ejercicios resueltos y presentación de ejemplos con explicación clara.

Duración estimada: 50 minutos

Actividad 3: Representando y Justificando la Ubicación de Números Enteros en la Recta Numérica

Objetivo: Representar números enteros en la recta numérica, ubicándolos correctamente en relación con otros números y justificando su posición.

Descripción:

- En grupos, se les proporciona una serie de números enteros desordenados.
- Deben dibujar una recta numérica en papel grande y ubicar cada número en su posición correcta.
- Cada grupo debe explicar ante la clase por qué ubicaron cada número en esa posición, usando conceptos de distancia al cero y orden.

Organización: Grupos de 4 estudiantes

Producto esperado: Recta numérica con números ubicados y justificación oral de la ubicación.

Duración estimada: 45 minutos

Actividad 4: Comparación y Ordenamiento de Números Enteros en Contextos Prácticos

Objetivo: Comparar y ordenar números enteros aplicando criterios basados en su valor y posición en la recta numérica.

Descripción:

- Los estudiantes trabajan individualmente con una lista de números enteros que representan diferentes situaciones (por ejemplo, temperaturas de diferentes ciudades).
- Debemos comparar pares de números para determinar cuál es mayor y luego ordenar la lista completa de menor a mayor y viceversa.
- Al final, realizan una reflexión escrita sobre cómo la recta numérica facilita la comparación y ordenamiento.

Organización: Individual

Producto esperado: Listas ordenadas y reflexión escrita.

Duración estimada: 40 minutos

Evaluación

Evaluación Diagnóstica

Qué se evalúa: Conocimientos previos sobre números enteros, identificación básica, y uso intuitivo de la recta numérica.

Cómo se evalúa: Cuestionario corto con preguntas de selección múltiple y ejercicios simples de ubicación en la recta numérica.

Instrumento sugerido: Prueba escrita de 10 minutos al inicio de la unidad.

Evaluación Formativa

Qué se evalúa: Avances en la identificación, representación, explicación de propiedades, y comparación de números enteros.

Cómo se evalúa: Observación directa durante actividades, revisión de productos entregados (representaciones en la recta, ejercicios de valor absoluto, listas ordenadas).

Instrumento sugerido: Rúbrica de observación para actividades grupales e individuales, listas de cotejo para ejercicios escritos.

Evaluación Sumativa

Qué se evalúa: Dominio integral de la identificación, clasificación, representación, explicación de propiedades, comparación y ordenamiento de números enteros.

Cómo se evalúa: Prueba escrita con preguntas teóricas y prácticas que incluyen problemas de representación en la recta numérica, cálculo de valor absoluto, y ordenamiento de números.

Instrumento sugerido: Examen escrito final de la unidad, con ejercicios y preguntas de desarrollo.

Unidad 2: Operaciones Básicas con Números Enteros

Objetivos de Aprendizaje

- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de identificar y representar números enteros en la recta numérica con precisión.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de aplicar las reglas de suma y resta para resolver operaciones básicas con números enteros en ejercicios escritos.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de multiplicar y dividir números enteros respetando las propiedades y signos, demostrando comprensión mediante la resolución de problemas.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de explicar las propiedades fundamentales de las operaciones básicas con números enteros, justificando sus procedimientos en ejemplos concretos.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de resolver problemas matemáticos que involucren operaciones básicas con números enteros, evaluando la validez de sus resultados.

Contenidos Temáticos

1. Introducción a los Números Enteros

- Definición y concepto de números enteros: positivos, negativos y cero.
- Representación de números enteros en la recta numérica: ubicación y orden.
- Importancia y aplicaciones de los números enteros en contextos cotidianos.

2. Suma y Resta de Números Enteros

- Reglas para sumar números enteros con igual y diferente signo.
- Reglas para restar números enteros: interpretación como suma del opuesto.
- Resolución de ejercicios escritos con suma y resta de enteros.
- Uso de la recta numérica para visualizar operaciones de suma y resta.

3. Multiplicación y División de Números Enteros

- Reglas para multiplicar enteros: producto de signos y magnitudes.
- Reglas para dividir enteros: cociente de signos y magnitudes.
- Propiedades de la multiplicación y división con números enteros (asociativa, conmutativa, distributiva).
- Resolución de problemas aplicando multiplicación y división de enteros.

4. Propiedades Fundamentales de las Operaciones con Números Enteros

- Propiedad conmutativa en suma y multiplicación.
- Propiedad asociativa en suma y multiplicación.
- Propiedad distributiva de la multiplicación respecto a la suma.
- Identidad aditiva y multiplicativa.
- Explicación y justificación de las propiedades con ejemplos concretos.

5. Resolución de Problemas con Operaciones Básicas en Números Enteros

- Interpretación de problemas matemáticos que involucren suma, resta, multiplicación y división de enteros.
- Estrategias para resolver problemas y verificar la validez de los resultados.
- Aplicación de operaciones combinadas respetando el orden correcto y uso de paréntesis.
- Evaluación crítica de respuestas: razonamiento y justificación.

Actividades

Actividad 1: “Construyendo la recta numérica”

Objetivo: Identificar y representar números enteros en la recta numérica con precisión.

Descripción:

- Proveer a cada estudiante una tira de papel larga y marcadores.
- Guiar al estudiante para que dibuje una recta numérica desde -10 hasta +10, marcando todos los números enteros.
- Solicitar que coloquen diferentes números enteros dados por el docente en su recta.
- Realizar preguntas para que expliquen la posición relativa de los números (mayor, menor, opuestos).

Organización: Individual

Producto esperado: Recta numérica correctamente marcada y posicionamiento de números enteros.

Duración estimada: 40 minutos

Actividad 2: “Operaciones básicas con tarjetas”

Objetivo: Aplicar las reglas de suma y resta para resolver operaciones básicas con números enteros en ejercicios escritos.

Descripción:

- Formar parejas de estudiantes.
- Entregar un conjunto de tarjetas con operaciones de suma y resta de números enteros.
- Los estudiantes deben resolver las operaciones y luego explicar a su pareja el procedimiento y resultado.
- Intercambiar tarjetas y continuar hasta completar todas las operaciones.

Organización: Parejas

Producto esperado: Lista de operaciones resueltas con justificación oral y escrita.

Duración estimada: 50 minutos

Actividad 3: “Multiplicando y dividiendo con juegos numéricos”

Objetivo: Multiplicar y dividir números enteros respetando las propiedades y signos, demostrando comprensión mediante la resolución de problemas.

Descripción:

- Dividir la clase en pequeños grupos.
- Proporcionar a cada grupo un conjunto de problemas que involucren multiplicación y división de números enteros.
- Los grupos deben resolver los problemas, registrar los procedimientos y preparar una breve explicación para la clase.
- Realizar una puesta en común donde cada grupo presente sus soluciones y justificaciones.

Organización: Grupos de 3-4 estudiantes

Producto esperado: Problemas resueltos con explicaciones y justificaciones grupales.

Duración estimada: 60 minutos

Actividad 4: “Propiedades en acción: demostraciones y explicaciones”

Objetivo: Explicar las propiedades fundamentales de las operaciones básicas con números enteros, justificando procedimientos en ejemplos concretos.

Descripción:

- Presentar ejemplos concretos de cada propiedad (conmutativa, asociativa, distributiva, identidad).
- Solicitar a los estudiantes que en grupos creen sus propios ejemplos numéricos que ilustren cada propiedad.
- Cada grupo expone sus ejemplos y explica por qué cumplen la propiedad.
- Realizar un debate guiado para aclarar dudas y reforzar conceptos.

Organización: Grupos de 3 estudiantes

Producto esperado: Ejemplos escritos y exposiciones orales de las propiedades.

Duración estimada: 45 minutos

Actividad 5: “Resolviendo problemas combinados con números enteros”

Objetivo: Resolver problemas matemáticos que involucren operaciones básicas con números enteros, evaluando la validez de sus resultados.

Descripción:

- Presentar una serie de problemas contextualizados que requieran suma, resta, multiplicación y división combinadas.
- Los estudiantes deben resolver cada problema y justificar el procedimiento seguido.
- Además, deben verificar la coherencia del resultado y explicar si el resultado tiene sentido.
- Se puede realizar una revisión en plenaria seleccionando algunos problemas para análisis conjunto.

Organización: Individual o en parejas

Producto esperado: Problemas resueltos con justificación escrita y autoevaluación del resultado.

Duración estimada: 60 minutos

Evaluación

Evaluación diagnóstica

Qué se evalúa: Conocimientos previos sobre números enteros, ubicación en la recta numérica y operaciones básicas.

Cómo se evalúa: Aplicación de un cuestionario breve con preguntas para ubicar números enteros, y resolver sumas y restas sencillas.

Instrumento sugerido: Cuestionario escrito o prueba rápida en papel o digital con ejemplos y ejercicios cortos.

Evaluación formativa

Qué se evalúa: Progreso en la aplicación de reglas para suma, resta, multiplicación y división, comprensión de propiedades y resolución de problemas.

Cómo se evalúa: Observación directa durante actividades, revisión de ejercicios resueltos, participación en exposiciones y debates, retroalimentación continua.

Instrumento sugerido: Rúbrica para evaluar procedimientos y explicaciones, listas de cotejo para seguimiento de actividades grupales e individuales.

Evaluación sumativa

Qué se evalúa: Dominio integral de la identificación, representación y operaciones con números enteros, explicación de propiedades y resolución de problemas combinados.

Cómo se evalúa: Prueba escrita con ejercicios de representación en la recta numérica, operaciones básicas, aplicación de propiedades y problemas contextualizados que impliquen operaciones combinadas.

Instrumento sugerido: Examen final estructurado con preguntas de desarrollo, problemas prácticos y justificación de procedimientos.

Unidad 3: Operaciones Combinadas y Jerarquía de Operaciones

Objetivos de Aprendizaje

- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de identificar y explicar la jerarquía de operaciones en expresiones numéricas que incluyen números enteros, aplicando la regla de prioridad correctamente.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de resolver expresiones con operaciones combinadas que involucren sumas, restas, multiplicaciones, divisiones y paréntesis con números enteros, garantizando la precisión en los resultados.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de analizar y justificar el procedimiento utilizado para resolver operaciones combinadas con números enteros, evaluando la correcta aplicación de la jerarquía de operaciones.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de crear y resolver problemas matemáticos que impliquen operaciones combinadas con números enteros, demostrando autonomía y comprensión de la jerarquía de operaciones.

Contenidos Temáticos

1. Introducción a los números enteros

- Definición y representación de números enteros: positivos, negativos y cero.
- Importancia de los números enteros en contextos cotidianos y matemáticos.

2. Repaso de operaciones básicas con números enteros

- Suma y resta de números enteros.
- Multiplicación y división de números enteros.
- Propiedades fundamentales de las operaciones con enteros.

3. Introducción a las operaciones combinadas

- Concepto de operaciones combinadas: expresiones que incluyen más de una operación.
- Ejemplos simples de operaciones combinadas con números enteros.

4. Jerarquía de operaciones

- Definición y necesidad de una regla para resolver operaciones combinadas.
- Orden de prioridad: paréntesis, exponentes (si se incluyen), multiplicación y división, suma y resta.
- Aplicación de la jerarquía en expresiones con números enteros.

5. Resolución de expresiones con operaciones combinadas

- Procedimientos paso a paso para resolver expresiones con números enteros.
- Uso correcto de paréntesis para agrupar operaciones.
- Ejemplos guiados y práctica con diferentes niveles de dificultad.

6. Análisis y justificación del procedimiento

- Reflexión sobre el orden de las operaciones aplicadas en cada paso.
- Identificación de errores comunes y cómo evitarlos.
- Explicación clara y lógica de las decisiones tomadas al resolver expresiones.

7. Creación y resolución de problemas matemáticos

- Diseño de problemas que involucren operaciones combinadas con números enteros.
- Resolución autónoma de problemas creados por los estudiantes.
- Compartir y discutir estrategias y resultados con los compañeros.

Actividades

Actividad 1: "Descubriendo la jerarquía de operaciones"

Objetivo: Identificar y explicar la jerarquía de operaciones en expresiones numéricas con números enteros.

Descripción:

- Se presenta a los estudiantes varias expresiones con operaciones combinadas (sin resolver).
- En parejas, analizan y discuten el orden correcto para resolverlas, indicando qué operaciones deben realizar primero y por qué.
- Cada pareja explica su razonamiento ante el grupo, y el docente complementa con la regla formal de la jerarquía.

Organización: Parejas con puesta en común grupal.

Producto esperado: Lista con el orden correcto de resolución y explicación escrita de la jerarquía aplicada.

Duración estimada: 40 minutos.

Actividad 2: "Resolviendo expresiones paso a paso"

Objetivo: Resolver expresiones con operaciones combinadas que involucren sumas, restas, multiplicaciones, divisiones y paréntesis con números enteros.

Descripción:

- El docente presenta una serie de expresiones de dificultad creciente.
- Individualmente, los estudiantes resuelven las expresiones anotando cada paso y justificando la aplicación de la jerarquía.
- Después, en grupos pequeños, comparan resultados y discuten posibles diferencias o errores.

Organización: Individual con trabajo en grupos pequeños para revisión.

Producto esperado: Resolución escrita y justificada de cada expresión.

Duración estimada: 50 minutos.

Actividad 3: "Detectives de errores en operaciones combinadas"

Objetivo: Analizar y justificar el procedimiento utilizado para resolver operaciones combinadas, evaluando la correcta aplicación de la jerarquía.

Descripción:

- Se entregan a los estudiantes expresiones ya resueltas, algunas con errores en el orden de operaciones.
- En grupos, identifican los errores y explican por qué no se aplicó correctamente la jerarquía.
- Proponen la corrección y resuelven nuevamente la expresión correctamente.
- Se realiza una puesta en común para discutir las soluciones y aprendizajes.

Organización: Grupos pequeños.

Producto esperado: Informe con errores detectados, explicación y resolución correcta.

Duración estimada: 45 minutos.

Actividad 4: "Creando y resolviendo retos matemáticos"

Objetivo: Crear y resolver problemas matemáticos que impliquen operaciones combinadas con números enteros, demostrando autonomía y comprensión.

Descripción:

- Individualmente, los estudiantes diseñan un problema que incluya una expresión con operaciones combinadas y números enteros.
- Escriben la solución detallada y justificada de su problema.
- En parejas, intercambian los problemas y resuelven el del compañero verificando la correcta aplicación de la jerarquía.
- Finalmente, algunos estudiantes presentan sus problemas y soluciones al grupo.

Organización: Individual con trabajo en parejas y discusión grupal.

Producto esperado: Problema escrito con solución detallada y justificada; resolución de problemas de compañeros.

Duración estimada: 60 minutos.

Evaluación

Evaluación diagnóstica

Qué se evalúa: Conocimientos previos sobre números enteros, operaciones básicas y comprensión inicial de la jerarquía de operaciones.

Cómo se evalúa: Cuestionario breve con preguntas y ejercicios sencillos para resolver expresiones con operaciones combinadas.

Instrumento sugerido: Prueba escrita de opción múltiple y ejercicios cortos.

Evaluación formativa

Qué se evalúa: Progreso en la identificación y correcta aplicación de la jerarquía de operaciones, precisión en la resolución y capacidad para justificar procedimientos.

Cómo se evalúa: Revisión de actividades escritas, observación durante discusiones y análisis de errores en ejercicios prácticos.

Instrumento sugerido: Rúbrica para actividades prácticas y listas de cotejo para participación y argumentación.

Evaluación sumativa

Qué se evalúa: Dominio para identificar, resolver, justificar y crear problemas con operaciones combinadas y números enteros aplicando correctamente la jerarquía.

Cómo se evalúa: Examen escrito con problemas para resolver, preguntas de justificación y un cuestionario para crear y explicar un problema propio.

Instrumento sugerido: Examen estructurado con rúbrica detallada para la parte de creación y justificación.

Unidad 4: Aplicación de Números Enteros y Operaciones Combinadas en Problemas

Objetivos de Aprendizaje

- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de interpretar y analizar problemas prácticos que involucren números enteros y operaciones combinadas para identificar las operaciones necesarias a realizar.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de resolver problemas matemáticos aplicando correctamente la jerarquía de operaciones con números enteros, demostrando precisión en los cálculos.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de elaborar y justificar procedimientos matemáticos para resolver problemas con números enteros y operaciones combinadas, explicando cada paso de manera clara y coherente.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de evaluar la validez de diferentes estrategias para resolver problemas que involucren números enteros y operaciones combinadas, seleccionando la más adecuada según el contexto.
- Al finalizar la unidad, el estudiante será capaz de comunicar soluciones a problemas prácticos que involucren números enteros y operaciones combinadas utilizando lenguaje matemático apropiado y representaciones gráficas cuando sea pertinente.

Contenidos Temáticos

1. Introducción a la aplicación de números enteros en problemas prácticos

- Definición y ejemplos de problemas que involucren números enteros en contextos reales (temperaturas, deudas, altitudes, etc.).

- Interpretación de enunciados para identificar la presencia de números enteros y las operaciones necesarias.
- Reconocimiento de situaciones que requieren operaciones combinadas para su resolución.

2. Revisión y aplicación de la jerarquía de operaciones con números enteros

- Repaso de las reglas de la jerarquía de operaciones: paréntesis, exponentes, multiplicación y división, suma y resta.
- Aplicación práctica de la jerarquía en expresiones numéricas que incluyen números enteros positivos y negativos.
- Manejo de signos en operaciones combinadas: suma, resta, multiplicación y división con enteros.

3. Elaboración y justificación de procedimientos para resolver problemas con números enteros y operaciones combinadas

- Desglose del problema en pasos claros y ordenados.
- Explicación y justificación de cada operación realizada, con énfasis en la lógica matemática y la jerarquía de operaciones.
- Uso de representaciones escritas y simbólicas para documentar el procedimiento.

4. Evaluación y comparación de estrategias para resolver problemas con números enteros y operaciones combinadas

- Identificación de diferentes métodos para abordar un mismo problema.
- Análisis de la eficiencia, precisión y pertinencia de cada estrategia.
- Selección de la estrategia más adecuada según el contexto y justificación de la elección.

5. Comunicación matemática de soluciones a problemas prácticos con números enteros y operaciones combinadas

- Uso apropiado del lenguaje matemático para describir soluciones.
- Elaboración de explicaciones claras y coherentes de los resultados obtenidos.
- Representación gráfica y simbólica para apoyar la comunicación de soluciones, cuando sea pertinente.

Actividades

Actividad 1: Análisis de problemas prácticos con números enteros

Objetivo: Interpretar y analizar problemas prácticos que involucren números enteros y operaciones combinadas para identificar las operaciones necesarias.

Descripción:

- El docente presenta varios problemas escritos que contienen situaciones con números enteros (ejemplo: cambios de temperatura, movimientos en un plano cartesiano, deudas y pagos).
- Los estudiantes leen individualmente cada problema y subrayan los números enteros y las operaciones que creen necesarias.

- En parejas, comparan sus análisis y discuten las operaciones a realizar y la secuencia lógica.
- Se realiza una puesta en común en grupo, donde cada pareja explica el análisis de un problema al resto de la clase.

Organización: individual, luego parejas y discusión grupal.

Producto esperado: listado de operaciones identificadas y justificación escrita breve.

Duración: 50 minutos.

Actividad 2: Resolución guiada de expresiones con números enteros y jerarquía de operaciones

Objetivo: Resolver problemas matemáticos aplicando correctamente la jerarquía de operaciones con números enteros, demostrando precisión en los cálculos.

Descripción:

- El docente presenta expresiones numéricas con números enteros que requieren aplicar la jerarquía de operaciones (por ejemplo: $(-3 + 5) \times (-2) - 4 \div 2$).
- Los estudiantes resuelven las expresiones paso a paso, anotando cuidadosamente cada etapa.
- En grupos pequeños, comparan sus resultados y discuten posibles errores o dudas.
- El docente revisa algunas soluciones en plenaria, enfatizando la correcta aplicación de la jerarquía y el manejo de signos.

Organización: individual y grupos pequeños.

Producto esperado: hojas de resolución con procedimiento detallado y resultado final correcto.

Duración: 60 minutos.

Actividad 3: Elaboración y justificación de procedimientos para resolver un problema combinado

Objetivo: Elaborar y justificar procedimientos matemáticos para resolver problemas con números enteros y operaciones combinadas, explicando cada paso de manera clara y coherente.

Descripción:

- Se presenta un problema contextualizado que involucra varias operaciones con números enteros (por ejemplo, un problema sobre altitudes de montañas y profundidades en un lago, con sumas, restas, multiplicaciones y divisiones).
- En parejas, los estudiantes elaboran el procedimiento para resolver el problema, desglosándolo en pasos numerados.
- Cada pareja escribe una justificación para cada paso, explicando por qué se realiza esa operación y cómo se aplica la jerarquía.
- Las parejas comparten sus soluciones con otra pareja para recibir retroalimentación.

Organización: parejas.

Producto esperado: documento escrito con procedimiento detallado y justificado.

Duración: 70 minutos.

Actividad 4: Evaluación y presentación de estrategias para resolver problemas

Objetivo: Evaluar la validez de diferentes estrategias para resolver problemas que involucren números enteros y operaciones combinadas, seleccionando la más adecuada según el contexto y comunicar soluciones usando lenguaje matemático y representaciones gráficas.

Descripción:

- El docente presenta un problema complejo con varias posibles estrategias para su resolución (por ejemplo, cálculo directo, descomposición en subproblemas, uso de representación gráfica).
- Los estudiantes, organizados en grupos, analizan cada estrategia propuesta, considerando ventajas y desventajas.
- Cada grupo elige la estrategia que consideran más adecuada y prepara una breve presentación donde explican su elección, el procedimiento seguido y presentan la solución.
- Se utiliza pizarra o medios digitales para mostrar representaciones gráficas o simbólicas que apoyen la explicación.
- Se realiza una sesión de preguntas y respuestas donde los demás grupos pueden cuestionar o complementar la presentación.

Organización: grupos de 3-4 estudiantes.

Producto esperado: presentación oral y escrita que incluya justificación de la estrategia, procedimiento y solución.

Duración: 90 minutos.

Evaluación

Evaluación diagnóstica

Qué se evalúa: Comprensión inicial de números enteros y operaciones básicas; capacidad para identificar operaciones en problemas simples.

Cómo se evalúa: Ejercicio escrito donde los estudiantes analizan un conjunto de problemas y subrayan números enteros y operaciones a realizar.

Instrumento sugerido: Lista de cotejo para verificar la identificación correcta de números y operaciones.

Evaluación formativa

Qué se evalúa: Aplicación correcta de la jerarquía de operaciones, precisión en cálculos, elaboración y justificación de procedimientos, análisis crítico de estrategias.

Cómo se evalúa: Observación directa durante las actividades, revisión de trabajos escritos, participación en discusiones y presentaciones grupales.

Instrumento sugerido: Rúbrica que valore precisión matemática, claridad en la explicación, uso adecuado del lenguaje matemático y capacidad crítica en la evaluación de estrategias.

Evaluación sumativa

Qué se evalúa: Integración de todos los objetivos: interpretación, resolución, justificación, evaluación y comunicación de soluciones con números enteros y operaciones combinadas.

Cómo se evalúa: Prueba escrita con problemas prácticos y matemáticos donde se pide:

- Identificar operaciones necesarias.
- Resolver expresiones aplicando la jerarquía de operaciones.
- Describir procedimiento paso a paso con justificación.
- Comparar dos estrategias y seleccionar la mejor con explicación.
- Comunicar claramente la solución con lenguaje matemático y, si es posible, una representación gráfica.

Instrumento sugerido: Prueba estructurada con rúbrica para evaluar cada aspecto (precisión, justificación, análisis, comunicación).